

新北市立鶯歌高級工商職業學校 101 學年度第二學期第一次數學科評量

適用班級：資訊科一年級全

命題教師：林雨涵

共 25 格，每格 4 分

1. 若多項式 $f(x)$ 為六次式， $g(x)$ 為七次式， $h(x)$ 為五次式，則 $(1)g(x) - h(x)$ 為 1 次式 (2)

$\frac{f(x) \times g(x)}{h(x)}$ 之餘式最高為 2 次式。

2. 設多項式 $f(x)$ 被 $x-1$ 、 $x-2$ 除的餘式分別為 3、4，求 $f(x)$ 被 $(x-1)(x-2)$ 除之餘式 = 3。

3. 若 $\frac{x^3-x+5}{f(x)} = (x+2) - \frac{1}{f(x)}$ ，則 ① $f(x) =$ 4 ② $f(-2) =$ 5。

4. 設 $f(x) = 432x^4 + 799x^3 - 145x^2 - 87x - 115$ ，則 $f(-2) =$ 6。

5. 設 $f(x) = 16x^4 + 24x^3 - 20x^2 - 34x - 9$ ，若 $f(x) = a(2x+3)^4 + b(2x+3)^3 + c(2x+3)^2 + d(2x+3) + e$ ，求 $a+d=$ 7

6. 以 x^2+x+1 除 x^4+3x^2-1 ，得到商為 ax^2+bx+c ，餘式為 $dx+e$ ，試求 $a+b+c+d+e=$ 8

7. 已知一元二次方程式的兩根之積為 12，兩根之平方和為 25，且兩根之和為正數，求其方程式 9

8. 若 $\frac{x-2}{x^3+ax+1}$ 不是最簡分式，則 $a =$ 10。

9. 設 α 、 β 為 $x^2 - 3x - 1 = 0$ 的兩根，則 $\frac{1}{\alpha^2} + \frac{1}{\beta^2} =$ 11。

10. 一元二次方程式 $ax^2 + 3ax + (a - 5) = 0$ 有實根，求 a 的範圍 12。

11. 設 $\frac{4}{x^3-1} = \frac{A}{x-1} + \frac{Bx+C}{x^2+x+1}$ ，則 $C =$ 13。

12. 設 $f(x) = 10x^3 + 7x^2 - 20x + 5 = a(x-1)^3 + b(x-1)^2 + c(x-1) + d$ ，求

(1) $a+d =$ 14 (2) $f(1.1) =$ 15。

13. 設 $f(x)$ 為 x 的三次多項式，若 $f(1) = f(2) = f(3) = 0$ ，且 $f(5) = 96$ ，試求 $f(x) =$ 16。

14. 將 $\frac{1}{\sqrt[3]{x^2} - \sqrt[3]{x} + 1}$ 化為最簡分式 = 17。

15. 化簡下列根式：

(1) $\sqrt{5+\sqrt{24}} =$ 18 (2) $\sqrt{14-6\sqrt{5}} =$ 19。

16. 設方程式 $x^5 - 2x^3 - kx^2 + x - 1 = 0$ 有一負整數根為 p ，則 $(p, k) =$ 20。

17. 設 $f(x) = (x+1)^3(2x-1)^2(x+3)$ ， $g(x) = (x+1)^2(2x-1)^4(x+5)^3$ ，則

(1) $f(x)$ 和 $g(x)$ 的最高公因式 H.C.F. 為 21

(2) $f(x)$ 和 $g(x)$ 的最低公倍式 L.C.M 為 22。

18. 試分解 $2x^4 + 3x^3 - 7x^2 - 7x + 6 =$ 23。

19. 設 $f(x) = (a+2)x^2 + (b-3)x + (2c-4)$ ，若 $f(1) = f(2) = f(3) = 0$ ，則 $a+b+c =$ 24。

20. 方程式 $(x^2 + x)^2 + 3(x^2 + x) - 10 = 0$ 中的實根為 25。